# 辺ベクトルを用いた経路推薦問題の解法における 目的関数の改善に関する提案

## Proposal to Improve Objective Function for Route Recommendation Problem Using Edge Vector-based Formulation

柴田祐樹 <sup>1</sup> 高間康史 <sup>1</sup> \* Hiroki Shibata <sup>1</sup> Yasufumi Takama <sup>1</sup>

<sup>1</sup> 首都大学東京大学院システムデザイン研究科 <sup>1</sup> Graduate School of System Design, Tokyo Metropolitan University

Abstract: This paper proposes to improve the objective function used for the route recommendation problem using the Edge Vector-based formulation. In this formulation, there are real and virtual edges. Real edges represent the routes of a given problem, and virtual edges are used to transform a non-complete graph like a real world road map into a complete graph. However, the effects of real and virtual edges to the objective function are not symmetric, which decreases the performance of the optimization when a state variable includes virtual edges. This paper shows an alternative formulation of the objective function that satisfies the symmetry on the effect of real and virtual edges. The effectiveness of the proposed method is shown by the experiments on a real world data set and an artificial data set.

#### 1 はじめに

観光旅行をする際、ガイドブックや旅行会社が提供す る観光ツアーを利用するのではなく、Social Networking Service (SNS) などの Web から入手した情報を用いて 旅行者自身で観光計画を立案することも増えてきてい る. 観光情報サイトなどでは、エリアなどの指定条件を 満たす観光スポットをランキング形式で提示するサー ビスを提供しているが、知名度の高いスポットや宣伝 に力を入れているスポットが上位に表示される傾向が ある. ユーザの検索行動として, ランキング上位の数 件のみしか確認しないことが一般的であるため、結果 として個人の趣味嗜好に合った観光地を訪れる機会の 損失を招き,一部の観光地へ旅行客が集中するなど,旅 行客,観光地側双方に不利益を生じる.こういった問 題を防ぐためにも, ユーザの好みに応じたスポットを 選び、限られた時間で効率よく巡回する経路を提案す る観光経路推薦手法は重要であり、研究が進められて いる [1][2][3].

与えられた節点全てを巡回する最短経路を求める問題は Traveling Salesman Problem (TSP) [4] として古くから研究されている. NP-Hard [5] に属する TSP を解くためには近似解法が用いられ、代表的なものには

\*連絡先: 首都大学東京大学院システムデザイン研究科 〒 191-0065 東京都日野市旭が丘 6-6 E-mail: ytakama@tmu.ac.jp 2-Optimization (2-Opt) 法 [6], Simulated Annealing (SA) [7] がある. さらに,スポットに価値を付加し,与えられた総負荷制限の中で価値の総和が最大となる経路を選ぶ問題として,Selective Traveling Salesman Problem (STSP) [8] が定式化されている.文献 [1], [3] では STSP に基づく問題の定式化において,スポットの価値を Web から取得したデータを用いて推定する方法を提案している.また,文献 [2] は STSP を拡張し,訪れた時間に依存して価値が変化する問題を最適観光経路問題として定式化することを提案している.

以上のように、TSP および STSP を拡張した定式化は広く用いられているが、STSP では節点にスポットを割当て、節点間の辺の重みに、スポット間を結ぶ最短経路等の固定的な負荷 (コスト)を割り当てるため、特定の交通機関や道路しか用いられないことに等しい、これにより、途中経路選択に対するユーザの価値観を考慮できず、また、ユーザの集中による混雑の発生等の問題も考えられ、Web から得られるデータが潤沢となっている近年の状況において適切なモデル化であるとは言えない。これに対し文献 [9] ではスポットのみでなく、途中の経路における街並みや景観等もユーザにとって重要な因子であるとし、これらを考慮可能な観光経路推薦手法 (以降 Edge Vector: EV と呼ぶ)を提案している。スポットおよび経路に関する価値や負荷すべてを辺に対する重みとして定式化することで、ス

ポットと経路の情報を統一的に扱い,最適化の過程に おいて両者を同時に調整しながら最適経路の発見を可 能としている.

EV において、最適化手法として SA が用いられる. 最適化の過程では問題を構成する経路に対応しない辺 (仮想辺) が用いられ、仮想辺が実際の経路に対応する 辺 (実辺) に置換されるように目的関数を定式化するこ とで非完全グラフに対応しつつ、実辺上のスポットを 探索可能としている. しかしながら、目的関数に対す る実辺・仮想辺の影響が対称でないことが置換の過程 に影響し、最適化効率の低下が予測されるため、対称 性が最適化に及ぼす影響の調査、およびそれに基づい た定式化の改良を行う必要があると考える.

以上の背景のもと、本稿では、対称性が最適化に与える影響を数学的に考察し、対称性の低い定式化では最適化効率が低下する場合があることを示す。この問題に対し、実辺・仮想辺について対称性の高い目的関数の定式化を提案し、最適化効率を改善できることを示す。人工データセットおよび文献[1]で用いられているテーマパークにおける観光客の行動履歴から作成されたデータセットを用いた評価実験により、提案する定式化の有効性を示す。

#### 2 関連研究

#### 2.1 STSP に基づく経路推薦

TSP には全ての節点を一度ずつ訪れるという制約があるため、スポットに対して取捨選択性のある観光経路推薦問題にこの定式化をそのまま適用することはできない。既存研究では、訪れる節点に関する制約の代わりに、通過する経路の負荷の合計(総所要時間等)に対して制約を設け、スポットに設定された価値の総和を最大化する問題である STSP [8] の定式化を利用、あるいは拡張したものが多い[1][2][3].

文献 [1] では,待ち時間が頻繁に発生するテーマパークにおける経路推薦手法を提案している.アトラクションを節点(その集合を  $\mathcal{N}$  とする),巡回する節点の総数を D として,推薦する経路を節点の列 $n=(n_i\in\mathcal{N}|i=1,\ldots,D)$ ,各節点を訪れた時刻を $t=(t_i\in\mathbb{R}|i=1,\ldots,D)$  と表現している. $n_1$ , $n_D$  はそれぞれ固定的な始点,終点であり,最適化の過程で変化することはないが,巡回する節点の総数 D は最適化の過程で変化する.U をユーザの集合とし,各アトラクションにはユーザごとに異なる価値(好み) $f_{\mathrm{int}}:U\times\mathcal{N}\to[0,\infty)$ ,全ユーザで共通の人気度  $f_{\mathrm{pop}}:\mathcal{N}\to[0,\infty)$ ,ある時刻における待ち時間 $t_{\mathrm{queue}}:\mathcal{N}\times\mathbb{R}\to[0,\infty)$ ,アトラクションの所要時間(待ち時間を除く) $t_{\mathrm{dur}}:\mathcal{N}\to[0,\infty)$  が定義され

る. また,全てのアトラクション間について,移動時間  $f_c: \mathcal{N}^2 \to [0,\infty)$  が定義されている.以上の設定において,ユーザ $u \in U$  に対してテーマパーク内のアトラクションを巡る最適な経路を推薦する問題を,式 (1) で与えられる所要時間  $C_c \in [0,\infty)$  の制約のもと,式 (2) に定義される目的関数 F を最大化する n を求める問題と定式化している 1.

$$\sum_{i=1}^{D} \{ f_{c}(n_{i}, n_{i+1}) + t_{dur}(n_{i}) + t_{queue}(n_{i}, t_{i}) \}$$

$$< C_{c} \quad (1)$$

$$F = \sum_{i=1}^{D} \left( \frac{f_{\text{int}}(u, n_i) + f_{\text{pop}}(n_i)}{t_{\text{queue}}(n_i, t_i)} \right)$$
(2)

解法としては Monte Carlo Tree Search [10] を拡張した PersQ と呼ばれる手法が提案されている. STSPでは式(1)の制約の他に,各スポットを訪れる回数が一度以下である制約,始点と終点を必ず訪れる制約,経路が繋がっている制約を満たす必要があるが,PersQはこれらを満たす解のみを探索するように実装されている.

文献 [2] では、STSP をスポットにおける価値の時間 的変化も考慮するように拡張した定式化を提案している. 文献 [3] は、ユーザと対話的に経路を決定していく 支援システムである CTPlanner を提案している. 問題の定式化には STSP を用い、辺の重みには Google Map 等の経路案内サービスを用いてあらかじめ算出した値を移動負荷として設定している. 解法には遺伝的アルゴリズム [11] を用いている.

### 2.2 辺ベクトルを用いた観光経路推薦手法 の定式化

本節では EV の定式化と,同手法で用いられる近似解法について述べる.また,各用語の命名が文献 [9] において曖昧であると考えられるものについては,対応関係を示しながら,本稿で新たに定義したものを用いて説明する.

 $\mathcal{N}$  を節点の集合, $\mathcal{E}_{\mathrm{p}}$  を辺の全体集合とする. $\mathcal{E}_{\mathrm{p}}$  は問題に与えられた辺(定義辺)と後述する自己回帰辺,仮想辺  $^2$  を含む.辺 e ( $\in$   $\mathcal{E}_{\mathrm{p}}$ ) に対し, $n_{\mathrm{st}}(e)$  をe の始点, $n_{\mathrm{ed}}(e)$  をe の終点としたとき,これらは  $\bigcup_{e\in\mathcal{E}_{\mathrm{p}}}(n_{\mathrm{st}}(e),n_{\mathrm{ed}}(e))=\mathcal{N}^2$  の関係を満たすものとする

 $|\mathcal{N}|$  個の辺からなる経路を含む辺ベクトルを  $\mathbf{e}:=(e_i|i=1,2,\ldots,|\mathcal{N}|)$  と定義する.  $n_{\mathrm{st}}(e_1)$  は経路の始

 $<sup>^1</sup>$ 式 (1) と式 (2) による問題の定義は文献 [1] に書かれているものと多少異なるが、説明を簡潔にするため最低限必要な条件のみを満たすように記述している.

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>文献 [9] では実在辺、自己ループ辺、非存在辺と呼ばれる

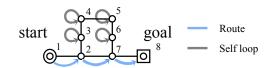


図 1: グラフの例.

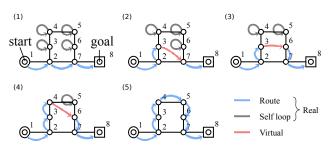


図 2: 仮想辺を用いた経路拡張の例. (1) から (5) にかけて経路が拡張されていく様子を描いている.

点、 $n_{\rm ed}(e_{|\mathcal{N}|})$  は経路の終点であり、最適化中変化しない、辺e ( $\in \mathcal{E}_{\rm p}$ ) のうち、 $n_{\rm st}(e)=n_{\rm ed}(e)$  であるものを自己回帰辺と呼ぶ、辺ベクトルは自己回帰辺を含むことで、要素数を固定としながら様々な経路を表現することができる、要素数が固定であるため、後述するように Gibbs Sampling [13] を適用可能となる.

図1では、定義辺を黒線で表し、輪を描いているものが自己回帰辺、青で示すものは辺ベクトルに含まれる定義辺である.この図は、節点 1, 2, 7, 8 をたどる経路の例であり、対応する辺ベクトルは  $((n_{\rm st}(e_i),n_{\rm ed}(e_i))|i=1,2,\ldots,8)=((1,2),(2,7),(3,3),(4,4),(5,5),(6,6),(7,8))$ となる.

また、この手法では、仮想辺を用いることで、2辺に対する操作のみにより経路の変更をしながら最適化を行う。図2に示す経路変更の例では、赤線により仮想辺を示している。定義辺上に乗らない仮想辺を経由することで、本来は4つの自己回帰辺を定義辺に変換する必要がある変化を、2辺への置換を4回繰り返すことで表現している。本稿では、定義辺と自己回帰辺を合わせて実辺と呼び、その全体集合を $\mathcal{E}$  ( $\subset \mathcal{E}_p$ )とする。仮想辺の集合は $\mathcal{E}$  の補集合となる。

経路は Boltzmann 分布 [12] から確率的に生成されるとモデル化し、最適解を SA により近似的に求める. e の確率変数を  $e_A$ , その分布  $p(e_A)$  を式 (3) により定義する.  $\Lambda = \{1,2,...,|\mathcal{N}|\}$  は辺ベクトルの各要素に対する添字の集合である. 本稿では、確率モデルの表記に文献 [14] で提案されている添字記法を用いる. この記法において、同じ添字集合を添字に持つ確率変数は独立同分布に従う.

$$p(\mathbf{e}_{\Lambda}) = \frac{\exp\left(-\frac{1}{kT}\phi(\mathbf{e}_{\Lambda})\right)}{\sum_{\mathbf{y}_{\Lambda}}\exp\left(-\frac{1}{kT}\phi(\mathbf{y}_{\Lambda})\right)}$$
(3)

ここで、 $\sum_{\mathbf{y}_{A}}$ は $\mathbf{y}_{A}$ の状態空間についての総和を示

す. T は温度である. また、k は Boltzmann 定数であり、問題ごとに適切な値を設定する.  $\phi(\mathbf{e}_A)$  は目的関数であり、この値が小さくなる程、 $\mathbf{e}_A$  の出現率が高くなり、T が小さくなるほどこの傾向が強くなる. SA ではこの性質を用いて最適解の近似解を生成するため、目的関数の値が小さな状態が望ましい経路を表すように $\phi(\mathbf{e}_A)$  の定式化を行う.

 $\phi(\mathbf{e}_A)$  を式 (4) により定義する。文献 [9] の定式化と多少異なるが,本質的には同じであり,3 節における考察と提案手法の説明に同一の式を利用可能とするためにこの式を用いる。  $\alpha_{\rm s}=0$  としたものが,EV の定式化に対応する  $^3$ .

$$\phi(\mathbf{e}_{\Lambda}) = F_{\text{res}} \left( \sum_{i \in \Lambda} f_{c}(\mathbf{e}_{i}) + \alpha_{s} \sum_{i \in \Lambda} f_{s}(\mathbf{e}_{i}) - C_{c} \right)$$
$$- \sum_{i \in \Lambda} f_{d}(\mathbf{e}_{i}) + \alpha_{as} \sum_{i \in \Lambda} f_{s}(\mathbf{e}_{i}) \quad (4)$$

 $f_c(e)$  は e の負荷, $f_d(e)$  は e の価値であり,両関数の値は辺の向きによらず,以下の条件を満たすものとする.2つ目の条件は自己回帰辺に対するもの,3つ目の条件は後に説明する STSP の制約を無制限に超えた経路が生成されることを防ぐものである.

$$\begin{aligned} &\forall e \not\in \mathcal{E}, f_{\mathrm{c}}(e) = f_{\mathrm{d}}(e) = 0, \\ &\forall e \in \mathcal{E}, n_{\mathrm{st}}(e) = n_{\mathrm{ed}}(e) \Rightarrow f_{\mathrm{d}}(e) = f_{\mathrm{c}}(e) = 0, \\ &\forall e \in \mathcal{E}, n_{\mathrm{st}}(e) \neq n_{\mathrm{ed}}(e) \Rightarrow 0 \leq f_{\mathrm{d}}(e) < f_{\mathrm{c}}(e) \end{aligned}$$

 $f_{\rm s}(e)$  は仮想辺に対する負荷であり、式 (5) により定義される.

$$f_{\rm s}(e) = -f_{\rm c}(e) + \sum_{s \in S(e)} f_{\rm c}(s)$$
 (5)

ここで、S(e)( $\subset$   $\mathcal{E}$ )は辺e の終始点を結ぶ最短経路を構成する辺の集合である。また、 $S(e)=\emptyset \Rightarrow f_s(e)=\infty$  を満たすものとする。これにより、仮想辺には実辺からなる最短経路負荷以上の負荷が割り当てられるため、仮想辺を含む状態に対し、常に実辺のみからなる目的関数の値がより低い状態が存在することになり、最適化の途中で仮想辺は実辺に置換される傾向となる。また、前述した SA の性質により、 $T\to 0$  の極限において仮想辺はすべて実辺に置換される。最短経路負荷はFloyd-Warshall 法 [15] により求めることができる。この手法は最大で  $O\left(|\mathcal{N}|^3\right)$  の計算量、 $O\left(|\mathcal{N}|^2\right)$  の記憶量を要するが、事前に求めて置くことが可能であるため、仮想辺の導入によるこの計算負荷の増加は実用上問題とならない。EV の定式化において、 $\alpha_{as}$  は仮想辺

<sup>3</sup>文献 [9] ではさらに fs に対し微小な定数項を加算している等の違いがあるが,それらの影響がほぼ無いことを事前実験において確認しているため,詳細については省略する.

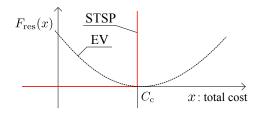


図 3: 制約関数の概形. STSP: STSP, EV: 文献 [9].

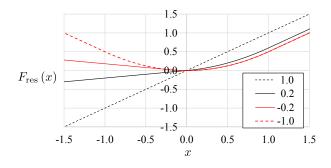


図 4:  $\sigma^2=1,\alpha_{\rm g}\in\{1.0,0.2,-0.2,-1.0\}$  における  $F_{\rm res}\left(x\right)$  のグラフ.

を消滅させるための罰則係数に対応するものであり、1 以上で、かつ仮想辺が最終的に問題なく消滅する程度 に1に近い値を用いる.

 $F_{\rm res}:\mathbb{R}\to\mathbb{R}$  は経路負荷に対する STSP の制約を表現する関数であり, $C_c$  は制約値である.観光経路推薦においてこの制約値は,経路長や旅行時間に対応する.STSP,EV における制約関数の概形を図 3 に示す.STSP では 経路長が $C_c$  を超えることを認めないため,目的関数は  $C_c$  を堺に無限大の値を取る.このような目的関数を用いた最適化では,経路長が $C_c$  付近となる状態の近傍探索における最適化効率が低下する.また,興味のあるスポットがあれば,多少の制約違反が許容される観光旅行においてこのモデル化は妥当であるとは言えない.これに対し,EV ではある程度の誤差を認め,最適化効率を向上させたうえで,より現実的なモデルとしている.

EV と 3 節で説明する提案手法で共通して利用する 制約関数の定式化を式 (6) に示す.

$$F_{\text{res}}(x) = \begin{cases} \alpha_{\text{g}} x + c_{1} &, & x < x_{\text{m}} \\ c_{2} x^{2} + c_{3} x &, & x_{\text{m}} \le x \le \sigma^{2} \\ x + c_{4} &, & \sigma^{2} < x \end{cases}$$
(6)

各設定値を、 $c_1 = c_2 x_{\rm m}^2 + c_3 x_{\rm m} - \alpha_{\rm g} x_{\rm m}$ ,  $c_2 = (1 - c_3)/(2\sigma^2)$ ,  $c_3 = \max{(\alpha_{\rm g}, 0)}$ ,  $x_{\rm m} = (\alpha_{\rm g} - c_3)/(2c_2)$ ,  $c_4 = c_2 \left(\sigma^2\right)^2 + c_3 \sigma^2 - \sigma^2$  と定めたとき, $\alpha_{\rm g} = -1$  において,この関数は EV のものに対応する。 $\sigma^2$  は制約違反の許容量を決定するパラメータであり,これにより違反の許容度合いを調節することが可能である。図 4

に  $\alpha_{\rm g}$  の値による  $F_{\rm res}$  の形状の違いを示す.

SA において、Boltzmann 分布を近似するために Gibbs Sampling (GS) [13] を用いる. 経路変更を行うための最小要素は二つの辺であるため、GS において利用される部分空間として辺ベクトル中の 2 辺を選ぶ. この 2 辺に対する添字を i,j ( $\in \Lambda$ ) としたとき、これら以外の添字  $\Lambda \setminus \{i,j\}$  で定義される変数により条件付けられた分布は式 (7) と書ける.

$$p\left(\mathbf{e}_{\{i,j\}}|\mathbf{e}_{\Lambda\setminus\{i,j\}}\right) = \frac{\exp\left(-\frac{1}{kT}\phi\left(\mathbf{e}_{\Lambda}\right)\right)}{\sum_{\mathbf{y}_{\{i,j\}}}\exp\left(-\frac{1}{kT}\phi\left(\mathbf{y}_{\{i,j\}},\mathbf{e}_{\Lambda\setminus\{i,j\}}\right)\right)}$$
(7)

添字  $\Lambda$  の部分集合 M を添え字に持つ確率変数は対応する部分空間を構成し、式 (8) の性質が満たされる [14].

$$p\left(\mathbf{e}_{\Lambda\backslash M}\right) = \sum_{\mathbf{y}_{M}} p\left(\mathbf{y}_{M}, \mathbf{e}_{\Lambda\backslash M}\right), M \subset \Lambda \qquad (8)$$

ここで、 $\sum_{\mathbf{y}_M}$  は  $\mathbf{y}_M$  の状態空間についての総和を示す.この状態空間には 2-Opt 法に対応する,経路としての制約を満たすものを与える.

操作対象となる 2 辺の添字集合  $\{i,j\}$  は状態変化が起こらないような無駄な GS の試行を削減するように選ばれる. EV ではこの選択法による GS の適用法を近似的な棄却サンプリングと呼んでいる. この選択法では目的関数の変化量を近似的に見積もり,予測される変化量の小さい方から K 番目以内までの状態への変化を与えるものの中から  $\{i,j\}$  を無作為に選択する. SA の基礎となる Markov Chain Monte Carlo 法の枠組みにおいては,提案分布 [16] による探索範囲を近傍の状態に制限する方法と見る方が適切であるため,本稿ではこの手法を近傍探索法と呼ぶ.

## 3 対称性に対する考察と提案手法

式 (4) 中のパラメータについて,EV では  $\alpha_{\rm s}=0, \alpha_{\rm as}\approx 1\wedge\alpha_{\rm as}>1$  としており,仮想辺の負荷  $f_{\rm s}$  は制約関数  $F_{\rm res}$  に含まれないため,仮想辺と対応する実辺の入れ替えに対して目的関数の値が大きく変化する,仮想辺と実辺に関して非対称な定式化となっている.

非対称性が最適化に及ぼす影響について、以下により定義される  $F_{\rm c}\left(\mathbf{e}_{\rm A}\right)$ ,  $F_{\rm s}\left(\mathbf{e}_{\rm A}\right)$  を用い、次のように考察を行う.

$$F_{s}\left(\mathbf{e}_{\Lambda}\right) = \sum_{i \in \Lambda} f_{s}\left(\mathbf{e}_{i}\right)$$
$$F_{c}\left(\mathbf{e}_{\Lambda}\right) = \sum_{i \in \Lambda} f_{c}\left(\mathbf{e}_{i}\right)$$

ある状態  $\mathbf{e}_A$  からの  $\phi(\mathbf{e}_A)$  の変化量を  $\Delta\phi$ ,  $F_{\mathrm{s}}(\mathbf{e}_A)$  の変化量を  $\Delta F_{\mathrm{c}}$  と表し,経 の変化量を  $\Delta F_{\mathrm{c}}$  と表し,経 路の様々な遷移過程について,仮想辺を対応する実辺 集合に置換したとき,およびその逆の置換を行ったと きの  $\Delta\phi$  について考える.式 (4) から, $\Delta\phi$  を式 (9) で 近似する.

$$\Delta \phi = \xi \Delta F_{\rm c} + \alpha_{\rm s} \xi \Delta F_{\rm s} + \alpha_{\rm as} \Delta F_{\rm s} \tag{9}$$

 $\xi = F_{\rm res}'\left(F_{\rm c}\left(\mathbf{e}_{A}\right) + \alpha_{\rm s}F_{\rm s}\left(\mathbf{e}_{A}\right) - C_{\rm c}\right)$  としている. なお, $f_{\rm d}$  は STSP の制約に関係なく, $F_{\rm res}$  に含まれないため,負荷の対称性に関する本議論においては考慮に入れない.ここで, $\mathbf{e}_{A}$  に,仮想辺  $e^{\rm v} \notin \mathcal{E}$  を足したことによる  $\phi$  の変化量を  $\Delta \phi^{+\rm v}$ ,対応する実辺上の最短経路である  $S(e^{\rm v})$  ( $\subset \mathcal{E}$ ) を足したことによる変化量を  $\Delta \phi^{+\rm s}$  とする. $\Delta \phi^{+\rm v}$ ,  $\Delta \phi^{+\rm s}$  は式 (5) による  $f_{\rm s}$  の定義と式 (9) を用いれば,それぞれ式 (10),式 (11) と書ける.

$$\Delta \phi^{+v} = \alpha_s \xi f_s \left( e^v \right) + \alpha_{as} f_s \left( e^v \right) \tag{10}$$

$$\Delta \phi^{+s} = \xi f_s \left( e^{v} \right) \tag{11}$$

以上の結果より、 $\alpha_{\rm s}\approx 0$ ,  $\alpha_{\rm as}\approx 1$  と設定する EV の定式化では、 $F_{\rm c}({\bf e}_A)\geq \sigma^2$  において  $\xi=1$  となるため、 $\Delta\phi^{+{\rm v}}$  と  $\Delta\phi^{+{\rm s}}$  はほぼ等しいが, $F_{\rm c}({\bf e}_A)<\sigma^2$  においては  $F_{\rm c}({\bf e}_A)$  の値が小さくなるほど差異が大きくなることがわかる。 つまり、このような定式化を用いた探索においては,仮想辺と対応する実辺の入れ替えに関して目的関数の値が大きく変化するため,GS における状態変化の過程は,2 辺以上の同時操作により実辺のみを用いた探索と,仮想辺を経由した場合で大きく異なることとなり,最適化効率の低下が予測される.

この問題に対し、本稿では仮想辺を実辺と対称に扱う、 $\alpha_{\rm s}=1,\alpha_{\rm as}\approx+0$ の設定を用いることで最適化効率を改善する目的関数の定式化を提案する。この設定においては、式 (10)、式 (11) より、 $\xi$  の値に関係なく $\Delta\phi^{+v}$  と  $\Delta\phi^{+s}$  がほぼ等しくなることがわかる。この場合、仮想辺と対応する実辺の入れ替えに関して目的関数の値がほぼ変化しないため、仮想辺を経由した場合における最適化効率の低下が起きないと考える。

完全に対称性を満たすとき、置換に関して目的関数の値が変化しなくなり、仮想辺の実辺への置換が起きづらくなる。つまり、定義辺上のスポットの探索が行われにくくなるため、僅かに対称性を崩すために、 $\alpha_{as}$ に微小な値を設定する。この値の設定方法に、ユーザ毎に値が異なる  $f_{d}$  は関与しないため、問題のグラフに対して事前実験を行うことにより、全てのユーザに対して利用可能な共通の値を定めることができる。

対称性が満たされないことが最適化の結果に及ぼす具体的な影響を考察する. 辺ベクトルの状態は, Random Walk [16] と同様の性質により温度が高いときには経

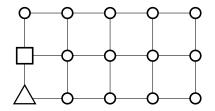


図  $5:5 \times 3$  の節点からなる升目構造グラフの人工データセット. 四角は始点, 三角は終点をそれぞれ表す.

路長が長い状態を取り、そこから温度が下がるにつれ、仮想辺を含む状態と、対応する実辺に置換された状態を交互に取りながら短い経路に遷移していくが、上述の通り、EV の定式化に対応する  $\alpha_s\approx 0$ ,  $\alpha_{as}\approx 1$  とするとき、仮想辺を含む状態への変化が起こりづらくなる場合があるため、経路は長い状態のまま硬直する可能性がある。その結果、最終的な経路長が長くなりやすいと考えられる。この問題が実際に起こり、対称性の高い定式化において解決できることは 4 節の評価実験により示す。

対称性の議論からは外れるが、 $\alpha_{\rm g}$  の設定次第で最適化効率の向上を望めるため、このパラメータの設定方法についても述べる。 $\alpha_{\rm g}$  を大きくするほど、 $F_{\rm res}(x)$  は単調な直線に近くなり STSP の制約が機能しづらくなるため、 $\alpha_{\rm g}$  には小さな値を用いることが望ましい。また、 $\alpha_{\rm g} \approx 0$  とすることで、対称性が満たされる条件、つまり、 $\alpha_{\rm s} = 1$  ならば  $F_{\rm c}({\bf e}_A) + F_{\rm s}({\bf e}_A)$  によらず一定となり、そのような経路間を滑らかに探索できるため、計算精度の向上が期待できる。また、 $\alpha_{\rm g} > 0$  の設定では、経路長に対して目的関数は常に正の傾きを持つため、より短い経路長を持つ状態ほど目的関数の値が小さくなる。このことから、 $\alpha_{\rm g} \approx 0 \land \alpha_{\rm g} > 0$  と設定することで、無駄な経路を削減可能な、かつ精度の高い探索となることが期待できる。

### 4 評価実験

#### 4.1 人工データセットによる実験

3節の考察で予想したとおり、既存手法では生成される辺ベクトルを  $\mathbf{e}_{\Lambda}^*$  としたとき、その経路の長さ  $F_{\mathbf{c}}(\mathbf{e}_{\Lambda}^*)$  が  $C_{\mathbf{c}}$  よりも長くなりやすいことと、提案する定式化を用いた場合にこれを解決できることを検証するため、図 5 に示すような升目構造を持つ人工データセットを用い実験を行った.図において、四角、三角はそれぞれ始点、終点を表す.実験では  $20 \times 20$  のサイズを用いたが、スペースの関係上図では  $5 \times 3$  としている.また、 $\forall e \in \mathcal{E}, f_{\mathbf{c}}(e) = 1 \land f_{\mathbf{d}}(e) = 0$  としている.

表 1: 様々な  $(\alpha_g, \alpha_s)$  において提案する定式化を用い生成された辺ベクトル  $\mathbf{e}_{\Lambda}^*$  の経路長  $F_c(\mathbf{e}_{\Lambda}^*)$  と計算時間の平均値.

$\alpha_{\rm g}, \alpha_{\rm s}$	平均経路長	平均計算時間 [s]
(-1,0)	106.9	10.2
(-1, 1)	100.0	5.42
(0.01, 0)	106.7	9.96
(0.01, 1)	1.000	2.80

 $(\alpha_{\rm g},\alpha_{\rm s})\in\{(-1,0),(-1,1),(0.01,0),(0.01,1)\}$  における, $C_{\rm c}=100,\sigma^2=50$  とした場合の,128 回の試行における  $F_{\rm c}({\bf e}_A^*)$  の平均値と,計算時間  $^4$  の平均値を表 1 に示す.t ( $\in$  [0,1]) を,t=0 が計算開始,t=1 が計算終了を意味する計算の進行度としたとき,温度変化は  $T(t)=10^{-3t}$  により与え,t が  $5\times 10^{-5}$  進む毎に標本抽出を行い, $\alpha_{\rm as}=0.005$ ,Boltzmann 定数には文献 [9] の指針に従い k=1.2 を選び,近傍探索の範囲には K=16 を用いた.擬似乱数の生成には Mersenne Twister [17] を用いた.

表 1 より、文献 [9] の定式化に対応する  $(\alpha_{\rm g}, \alpha_{\rm s})$  = (-1,0) では3節での議論の通り、 $C_c$  の値より長い経 路が生成される傾向にあることがわかる.  $(\alpha_g, \alpha_s)$  = (0.01,0) の場合でもこの傾向は変わらないことから, 目的関数を経路長に対して単調増加としただけではこ の傾向は改善されないことがわかる.一方,3節での議 論に従い  $\alpha_s = 1$  とした  $(\alpha_g, \alpha_s) = (-1, 1)$  のときはほ ぼ期待される経路長が得られていることがわかる. ま た,  $(\alpha_{g}, \alpha_{s}) = (0.01, 1)$  の実験結果では始点・終点を 直接結ぶ長さ1の経路が生成される傾向にあることが わかる. 本実験では  $\forall e \in \mathcal{E}, f_d(e) = 0$  としており, 経 路長を増加させるメリットがないため妥当な結果とい える. これらの結果から,  $\alpha_s = 1$  とする対称性の高い 設定において、目的関数の形状から期待される解を得 られることがわかる. また, 生成される経路長が短い ほど計算時間が減少しており、無駄な経路を削減する  $\alpha_{\rm g}$  の設定と合わせれば、提案する定式化は高速化にも 貢献することがわかる.

#### 4.2 実データセットによる実験

文献 [9] における評価実験と同様に,文献 [1] で用いられているデータセットを用いて実験を行った.評価指標には文献 [9] と同様, Recall を用いる. 既存手法および

表 2: PersQ[1] と提案する定式化  $(EV(\alpha_g, \alpha_s))$  を用いた結果の Recall. EV(-1,0) が文献 [9] の定式化におけるものに対応する.C: Cali. Adv, H: Hollywood, D: Disneyland M: Magic King., E: Epcot.

	С	Н	D	M	Е
PersQ	0.483	0.482	0.332	0.440	0.472
EV(-1,0)	0.291	0.421	0.231	0.388	0.401
EV(0.01, 0)	0.406	0.461	0.405	0.450	0.530
EV(0.01, 1)	0.441	0.472	0.423	0.475	0.555

提案手法により生成された経路の Recall を表 2 に示す. PersQ は文献 [1] で提案された手法, $EV(\alpha_{\rm g},\alpha_{\rm s})$  が提案する定式化である. EV(-1,0) が文献 [9] における定式化に対応する. EV(-1,0) においては, $\alpha_{\rm as}=1.005$  を,それ以外の設定においては  $\alpha_{\rm as}=0.005$  を用いた. 温度変化は  $T(t)=10^{-4t}$  に従うとし,t が  $5\times 10^{-4}$  進む毎に標本抽出を行った. 擬似乱数の生成には 4.1 節における実験と同様に Mersenne Twister を用いた.その他の設定値については文献 [9] と同様である.

表 2 から,提案する定式化を用いることで性能が向上することを確認できる.  $\alpha_{\rm s}=1$  とする対称性の高い設定において精度が向上していることがわかるが,特にこのデータセットでは, $\alpha_{\rm g}$  の調整が性能改善に貢献していることがわかる.

#### 5 おわりに

本稿では、辺ベクトルによる定式化を用いた経路推 薦手法において, 実辺と仮想辺の対称性が最適化効率 に与える影響を数学的に考察し, 高い対称性を持つ設 定が可能な目的関数の定式化を提案した. 評価実験に より、考察から予測される最適化効率の低下が再現さ れることを示し, 提案する定式化において対称性の高 い設定とした場合にこの問題を解決できることを示し た. また, 提案する定式化を用いることで, 実データ セットを用いた評価実験では既存の定式化を用いたも のを上回る性能を達成可能なことを示した. 今後, 実 際の道路ネットワークにおける検証を行うことで、よ り現実に即した解法とすることが期待できる.また,本 手法は確率的生成モデルとして定式化されているため, 同モデルに対する学習則を利用しスポットの価値を推 定できる可能性がある.確率的生成モデルにおいて推 論と学習に利用する手法は本質的に同じであり、価値 の推定と推論を同一のアルゴリズムにより実装できれ ば理論的解析も行いやすくなると考えるため、検討す る予定である.

<sup>4</sup>C++ 14 で実装し、Ubuntu 16.04.5 上において、g++ version 5.4.0 により最適化オプション -O3 を付加してコンパイルし、同 OS 上で倍精度浮動小数点数を用いて計算した結果に基づく、個々の実験はすべて単一スレッドにより実行され、CPU には Ryzen Thread Ripper 1920X (https://www.amd.com) を用い、主記憶は DDR4-2400 をバス幅 256 bit で接続し動作させた.

### 謝辞

本研究の一部は JSPS 科研費 16K12535, 15H02780 の助成および首都大学東京傾斜的研究費 (全学分) 学長 裁量枠戦略的研究プロジェクト戦略的研究支援枠「ソーシャルビッグデータの分析・応用のための学術基盤の研究」によるものです.

## 参考文献

- [1] Lim, K., Chan, J., Karunasekera, S.: Personalized Itinerary Recommendation with Queuing Time Awareness, Proceedings of the 40th International ACM SIGIR Conference on Research and Development in Information Retrieval, pp. 325-334 (2017)
- [2] 松田善臣, 名嘉村盛和, 姜 東植, 宮城 隼夫: 最適 観光経路問題とその解法, 電気学会論文誌 C, Vol. 124, No. 7, pp. 1507-1514 (2004)
- [3] 倉田陽平, 有馬貴之: 対話的旅行計画作成支援システムの実装と評価, 第 25 回日本観光研究学会全国大会, pp. 173-176 (2010)
- [4] Gutin, G., Punnen, A.: The Traveling Salesman Problem and Its Variations, *Springer Science & Business Media* (2006)
- [5] Yannakakis, M.: Expressing Combinatorial Optimization Problems by Linear Programs, *Journal of Computer and System Sciences*, Vol. 43, No. 3, pp. 441-446 (1991)
- [6] Helsgaun, K.: General k-Opt Submoves for the LinKernighan TSP Heuristic, Mathematical Programming Computation, Vol. 1, No. 2-3, pp. 119-163 (2009)
- [7] Kirkpartrick, S., Gelatte Jr., D. C., Vecchi, M.: Optimization by Simulated Annealing, *Science*, Vol. 220, No. 598, pp. 671-680 (1983)
- [8] Laporte, G., Martello, S.: The Selective Travelling Salesman Problem, Discrete Applied Mathematics, Vol. 26, No. 2-3, pp. 193-207 (1990)
- [9] 柴田祐樹, 高間康史: 辺ベクトルを用いた観光経 路推薦問題の定式化と焼きなまし法による解法の 提案, 知能と情報, Vol. 31, No. 1 (2019)

- [10] Browne, C., Powley, E., Whitehouse, D., Lucas, S., Cowling, I. P., Rohlfshagen, P., Tavener, S., Perez, D., Samothrakis, S., Colton, S.: A Survey of Monte Carlo Tree Search Methdos, *IEEE Transactions on Computational Intelligence and AI in Games*, Vol. 4, No. 1, pp. 1-43 (2012)
- [11] Vose, D. M.: Modeling Simple Genetic Algorithms, *Journal of Evolutionary Computation*, Vol. 3, No. 4, pp. 453-472 (1955)
- [12] Metropolis, N., Rosenbluth, A., Rosenbluth, M., Teller, A.: Equation of State Calculations by Fast Computing Machines, *The Journal of Chemical Physics*, Vol. 21, No. 6, pp. 1087-1092 (1953)
- [13] Geman, S., Geman, D.: Stochastic Relaxation, Gibbs distributions, and the Bayesian Restoration of Images, *IEEE Transactions on Pattern* Analysis and Machine Intelligence, Vol. PAMI-6, No. 6, pp. 721-741 (1984)
- [14] Shibata, H., Takama, Y.: Index-based Notation for Random Variable and Probability Space, Journal of Advanced Computational Intelligence and Intelligent Informatics, Vol. 23, No. 4, 4 pages (2019)
- [15] Chan, M. T.: More Algorithms for All-Pares Shortest Paths in Weighted Graphs, Proceedings of the 39th Annual ACM Symposium on Theory of Computing, pp. 590-598 (2007)
- [16] C. M. Bishop: Pattern Recognition and Machine Learning, Chapter 11, Springer, 8th printing (2006)
- [17] Matsumoto, M., Nishimura, T.: Mersenne Twister: A 623-Dimensionally Equidistributed Uniform Pseudorandom Number Generator, ACM Transactions on Modeling and Computer Simulation, Vol. 8, No. 1, pp. 3-31 (1998)